



4915CH12

## باب 12

### ہیرون کا فارمولہ (HERON'S FORMULA)

#### 12.1 تعارف (Introduction)

چھپلی کلاسوں میں آپ نے مختلف شکلوں والی اشکال جیسے مرربع، مستطیل، مثلث اور چارضلعی کے بارے میں پڑھا ہے۔ آپ نے ان میں سے کچھ اشکال جیسے مستطیل، مرربع وغیرہ کے احاطہ اور رقبہ کی بھی تحسیب کی ہے۔ مثال کے طور پر آپ اپنے کلاس روم کے فرش کا احاطہ اور رقبہ معلوم کر سکتے ہیں آئیے فرش کے چاروں طرف اس کے اضلاع پر چل کر دیکھیں۔ جتنا فاصلہ ہم چلتے ہیں وہ اس کا احاطہ ہوتا ہے اور کمرہ کے فرش کا سائز اس کا رقبہ ہے۔

اس طرح سے اگر آپ کا کلاس روم مستطیل نما ہے جس کی لمبائی اور چوڑائی بالترتیب 10m اور 8m ہے تو اس

$$\text{احاطہ } 2(10+8)m = 36m \text{ اور اس کا رقبہ } 10m \times 8m = 8\text{ cm}^2 \text{ یعنی } 8\text{ m}^2 \text{ ہوگا۔}$$

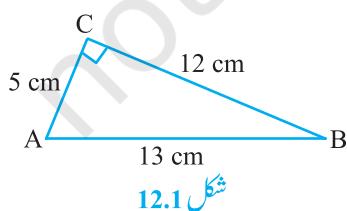
لمبائی اور چوڑائی کی پیمائش کی اکائیاں میٹر (M) یا سینٹی میٹر (cm) وغیرہ میں

کسی بھی مستوی شکل کے رقبہ کی اکائی مرربع میٹر ہوتی ہے جیسے (m<sup>2</sup>) مرربع میٹر یا مربع سینٹی میٹر (cm<sup>2</sup>) وغیرہ

مان لیجیے آپ ایک مثلث نمباغ میں بیٹھے ہیں۔ آپ اس کا رقبہ کس طرح معلوم کریں گے؟

باب 19 اور چھپلی کلاسوں سے آپ جانتے ہیں کہ

$$\text{مثلث کا رقبہ} = \frac{1}{2} \times \text{قاعده} \times \text{ونچائی}$$



ہم مشاہد کرتے ہیں کہ جب مثلث قائم زاویہ ہو تو  
ہم قائمہ زاویہ کے حاصل اضلاع پر سیدھا فارمولہ  
استعمال کر لیتے ہیں جس

میں ایک ضلع قاعدہ اور دوسرے اونچائی ہوتا ہے مثال کے طور پر کسی قائم زاوی مثلاً کے اضلاع ABC کے اضلاع 12cm, 5cm اور 13cm کے ہیں ہم قاعدہ 12cm اور اونچائی 5cm (شکل 12.1، دیکھیے) لیتے ہیں۔ تب مثلاً کارقبہ ہوتا ہے

$$\frac{1}{2} \times \text{قاعده} \times \text{اونچائی} = \frac{1}{2} \times 12 \times 5 \text{cm}^2 = 30 \text{cm}^2$$

نوٹ کیجیے کہ آپ قاعدہ 5cm اور اونچائی 12cm بھی لے سکتے ہیں۔

اب مان لیجیے آپ کو 10cm ضلع والے ایک مساوی ضلعی مثلاً PQR کا رقبہ معلوم کرنا ہے (شکل 12.2، دیکھیے) اس کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے اس کی اونچائی کی ضرورت ہے۔ کیا آپ اس مثلاً کی اونچائی معلوم کر سکتے ہیں؟

آئیے دھراتے ہیں ہم کس طرح اس کی اونچائی معلوم کرتے ہیں جب ان کے اضلاع دے ہوئے ہوئے ہوں ایک مادی ضلعی مثلاً میں یہ ممکن ہے QR کا وسطی نقطہ M لیجیے اور اس کو P سے ملا دیجیے۔

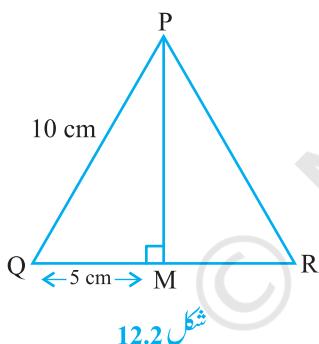
باب 7 میں دئے گئے نتیجہ کا استعمال کرنے کی کوشش کیجیے۔ ہم جانتے ہیں کہ  $\Delta PMQ$  ایک قائم مثلاً ہے۔ اس لیے فیثاغورث کے مسئلہ کے مطابق ہم PM کی لمبائی معلوم کر سکتے ہیں جیسا کہ نیچے دکھایا گیا ہے

$$PQ^2 = PM^2 + QM^2$$

$$QM = MR = (10)^2 - (5)^2 = 75$$

$$PM^2 = 75$$

$$PM = \sqrt{75} \text{cm} = 5\sqrt{3} \text{cm}$$



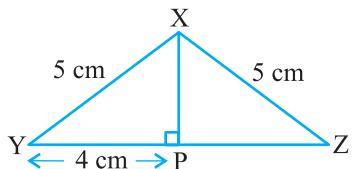
شکل 12.2

$$\text{تاب } \Delta PQR \text{ کا رقبہ؟} = \frac{1}{2} \times \text{قاعده} \times \text{اونچائی} = \frac{1}{2} \times 10 \times 5\sqrt{3} \text{cm}^2 = 25\sqrt{3} \text{cm}^2$$

آئیے دیکھتے ہیں کہ آیا ہم مساوی الساقین مثلاً کا رقبہ بھی اس فارمولہ سے معلوم کر سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر ہم مثلاً لیتے ہیں جس میں دو مساوی اضلاع XY اور YZ 5cm اور غیر مساوی ضلع YZ 8cm ہے (شکل 12.3)

اس حالت میں بھی ہمیں مثلاً کی اونچائی معلوم ہونی چاہیے۔ اس لیے ہم ضلع YZ پر عود XP کھینچتے ہیں۔ آپ دیکھو

سکتے ہیں کہ یہ عواد XP، قاعدہ YZ کو دو مساوی حصوں میں منقسم کرتا ہے۔



شکل 12.3

$$YP = PZ = \frac{1}{2} YZ = 4\text{cm}$$

تب فیٹاغورٹ کے مسئلہ کے استعمال سے ہمیں حاصل ہوتا ہے

$$XP^2 = XY^2 - YP^2$$

$$= 5^2 - 4^2 = 25 - 16 = 9$$

$$XP = 3\text{cm}$$

$$\text{اب } \Delta XYZ \text{ کا رقبہ } \times \frac{1}{2} \times \text{قاعدہ } XY \times \text{ونچائی } XP$$

$$= \frac{1}{2} \times 8 \times 3\text{cm}^2 = 12\text{cm}^2$$

اب مان لیجیے اب ہم مختلف الاضلاع مثلث کے اضلاع کی لمبائیاں جانتے ہیں اونچائی نہیں۔ کیا آپ اب بھی اس کا رقبہ معلوم کر سکتے ہیں؟ مثال کے طور پر ایک مثلث نما پارک ہے جس کے اضلاع کی لمبائیاں 32m، 40m اور 24m ہیں۔ آپ اس کا رقبہ کیسے معلوم کریں گے؟ یقیناً اگر آپ فارمولہ استعمال کرنا چاہتے ہیں تو آپ کو اونچائی معلوم کرنا ہوگی۔ لیکن اونچائی معلوم کرنے کا ہمارے پاس کوئی طریقہ نہیں ہے۔ اس لیے ہم اگلے سیکشن کی طرف آگے بڑھتے ہیں

## (Area of a Triangle by Heron's Formula)



ہیرون 10 عیسوی میں مصر کے الکیدیڈریا میں پیدا ہوا۔ وہ اطلاتی ریاضی پر کام کرتا تھا۔

ریاضی اور فزیکل مضماین پر اس کا کام اتنا زیادہ تھا کہ وہ اس میدان میں (encyclopedia) کہلاتا ہے۔ اس کے جیو میریاں کام میں زیادہ تر مساحت کے مسائل تھے جو تین کتابوں میں لکھے گئے۔ پہلی کتاب میں مربع، مستطیل، مثلث، منحرف، مخصوص قائم کے چار ضلعی، مساوی کثیر ضلعی، دائرے، استوانہ، مخروط اور کروہ، وغیرہ کے رقبے سے متعلق باتیں تھیں۔ اس کتاب میں ہیرون نے مثلث کے رقبہ کے مشہور فارمولہ سے معرف کرایا جب کہ اس کی تین اضلاع کی لمبائیاں دی ہوئی ہوں۔

شکل 12.4

ہیرون کے ذریعہ دئے گئے مثلث کے رقبہ کے فارمولہ کو صرف ہیرون کا فارمولہ بھی کہتے ہیں۔ یہ فارمولہ ہے:

(II)

$$\text{مثلث کا رقبہ} = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)} = \Delta ABC$$

جہاں  $a$ ,  $b$ ,  $c$  اور  $s$  مثلث کے اضلاع ہیں اور  $s$  مثلث کا نصف احاطہ ہے یعنی

یہ فارمولہ وہاں بہت مفید ہوتا ہے جہاں مثلث کی اونچائی معلوم کرنا ممکن نہیں۔ آئیے مندرجہ بالا میں دئے گئے پارک کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے اس کا استعمال کرتے ہیں۔

$$c = 32\text{m}, b = 24\text{m}, a = 40\text{m} \text{ لیتے ہیں}$$

$$s = \frac{40 + 24 + 32}{2}\text{m} = 48\text{m}$$

$$s - a = (48 - 40)\text{m} = 8\text{m}$$

$$s - b = (48 - 24)\text{m} = 24\text{m}$$

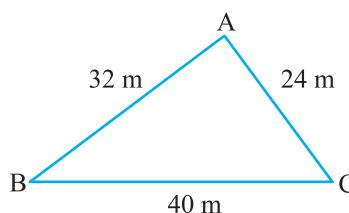
$$s - c = (48 - 32)\text{m} = 16\text{m}$$

اس لیے پارک  $\Delta ABC$  کا رقبہ

$$= \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

$$= \sqrt{48 \times 8 \times 24 \times 16}\text{m}^2$$

$$= 384\text{m}^2$$



شکل 12.5

مزید ہم دیکھتے ہیں کہ  $40^2 = 1600 = 32^2 + 24^2 = 1024 + 576 = 1600$  یعنی پارک کے اضلاع ایک قائم مثلث بتاتے ہیں جس میں سب سے بڑا ضلع جو 40m ہے وتر ہو گا اور اضلاع AB اور AC کے درمیان کا زاویہ  $90^\circ$  ہو گا۔ فارمولہ 1 کا استعمال کر کے ہم پارک کے رقبہ کی جانچ کر سکتے ہیں۔

$$\frac{1}{2} \times 32 \times 24\text{m}^2 = 384\text{m}^2$$

ہم دیکھتے ہیں کہ اس طرح سے حاصل رقبہ ہی ہے جو ہیرون کے فارمولہ سے حاصل ہوا تھا۔

اب ہم ہیرون کے فارمولہ سے اس حقیقت کی تصدیق اور پذکارے گئے مثلثوں کے رقبوں سے کریں گے۔

(i) مساوی ضلعی مثلث جس کا ضلع 10cm کا ہے۔

(ii) مساوی الساقین مثلث جس کا غیر مساوی ضلع 8cm کا اور مساوی ضلع 5cm ہے

آپ دیکھیں گے کہ

$$s = \frac{10+10+10}{2} \text{ cm} = 15 \text{ cm}$$

(i) کے لیے ہمارے پاس ہے

$$\sqrt{15(15-10)(15-10)(15-10)} \text{ cm}^2 = \text{مثلث کا رقبہ}$$

$$\sqrt{15 \times 5 \times 5 \times 5} \text{ cm}^2 = 25\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

$$s = \frac{8+5+5}{2} \text{ cm} = 9 \text{ cm}$$

(ii) کے لیے ہمارے پاس ہے

$$\sqrt{9(9-8)(9-5)(9-5)} \text{ cm}^2 = \text{مثلث کا رقبہ}$$

$$\sqrt{9 \times 1 \times 4 \times 4} \text{ cm}^2 = 12 \text{ cm}^2$$

آئیے کچھ اور مثالیں حل کرتے ہیں

**مثال 1:** ایک مثلث کا رقبہ معلوم کیجئے جس کے دو اضلاع 8cm اور 11cm ہیں اور احاطہ 32cm (شکل 12.6، دیکھیے)

**حل:** یہاں احاطہ  $b=11 \text{ cm}$  اور  $a=8 \text{ cm}$  اور  $c=32 \text{ cm}$

$$c = 32 \text{ cm} - (8+11) \text{ cm} = 13 \text{ cm}$$

$$s - a = (16 - 8) \text{ cm}$$

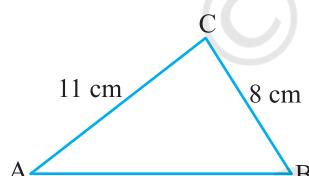
$$s - b = (16 - 11) \text{ cm} = 5 \text{ cm}$$

$$s - c = (16 - 13) \text{ cm} = 3 \text{ cm}$$

$$s = 16 \text{ cm} \text{ یعنی } 2s = 32 \text{ cm}$$

$$\text{اس لیے } \text{ مثلث کا رقبہ} = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

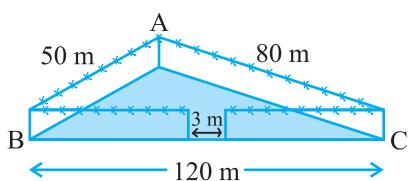
$$= \sqrt{16 \times 8 \times 5 \times 3} \text{ cm}^2 = 8\sqrt{30} \text{ cm}^2$$



شکل 12.6

**مثال 2:** ایک مثلث نما پارک کے اضلاع 80m, 120m اور 50m کے ہیں (شکل 12.7، دیکھیے) ایک مالی دھنیا اس کے چاروں طرف ایک تار باندھنا چاہتا ہے اور اس کے اندر گھاس اگانا چاہتا ہے۔ گھاس اگانے کے لیے اس کو کتنے رقبہ کی

ضرورت ہوگی۔ 20 روپیہ فی میٹر کی شرح سے چاروں کانٹے دارتار لگانے کا خرچ معلوم کیجیے اگر 3m جگہ گیٹ کے لیے چھوڑ دیتی ہے۔



شکل 12.7

**حل:** پارک کا رقبہ معلوم کرنے کے لئے ہمارے پاس ہے

$$2s = 50m + 80m + 120 = 250m$$

$$s = 125m \text{ یعنی}$$

$$s - a = (125 - 120)m = 5m$$

$$s - b = (125 - 80)m = 45m$$

$$s - c = (125 - 50)m = 75m$$

$$\text{اس لیے پارک کا رقبہ} = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

$$= \sqrt{125 \times 5 \times 45 \times 75} m^2$$

$$= 375\sqrt{15} m^2$$

$$\text{اور پارک کا احاطہ } AB + BC + CA = 250m$$

$$\text{اس لئے چاروں طرف تار لگانے کے لیے تار کی لمبائی} = 250m - 3m = 250m - 3m \text{ گیٹ کے لیے چھوڑی گئی}$$

$$247m = 247m =$$

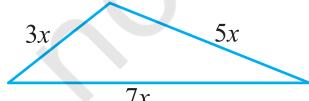
$$\text{تار لگانے کا خرچ } 247 \times 20 \text{ روپیہ} = 4940 \text{ روپیہ}$$

**مثال 3:** ایک مثلث نہایاپلاٹ کے اضلاع میں 7:5:3 کی نسبت ہے اور اس کا احاطہ 300m ہے اس کا رقبہ معلوم کیجیے۔

**حل:** ماں لیجیے میٹروں میں اس کے اضلاع ہیں  $7x, 5x, 3x$  (شکل 12.8، پیشے)

$$\text{تب ہم جانتے ہیں کہ } 3x + 5x + 7x = 300 \text{ (مثلث کا احاطہ)}$$

$$\text{اس لئے } 15x = 300 \text{ میں سے ملتا ہے}$$



شکل 12.8

$$\text{اس طرح سے مثلث کے اضلاع ہیں } 7x, 5x, 3x \text{ اور } 7x \times 20m, 5x \times 20m, 3x \times 20m$$

$$\text{یعنی } 140m, 100m \text{ اور } 60m$$

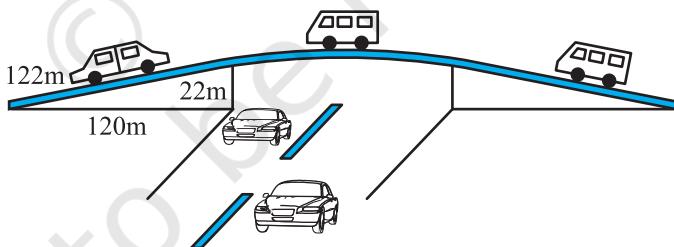
کیا آپ اس کا رقبہ معلوم کر سکتے ہیں [ہیرون کے فارمولہ کو استعمال کر کے]؟

$$s = \frac{60 + 100 + 140}{2} m = 150m$$

$$\begin{aligned} \text{اور اس لیے رقبہ ہوگا} \\ &= \sqrt{150(150 - 60)(150 - 100)(150 - 140)} m^2 \\ &= \sqrt{150 \times 90 \times 50 \times 10} m^2 \\ &= 1500\sqrt{3} m^2 \end{aligned}$$

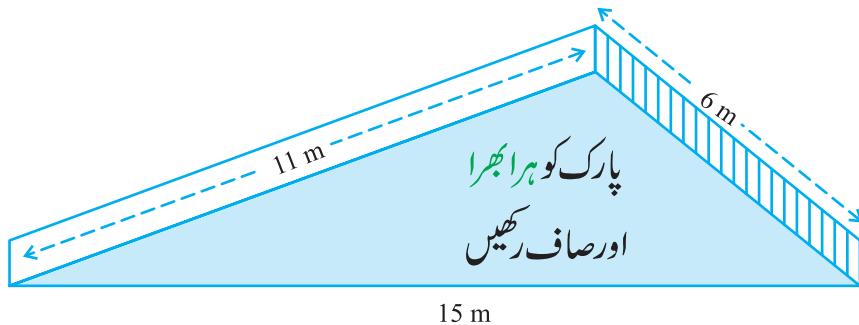
### مشق 12.1

- ٹرین کا ایک سگنل بورڈ جس پر (آگے اسکول ہے) لکھا ہوا ہے ایک مساوی ضلعی مثلث ہے جس کا ضلع a ہے۔ ہیرون کے فارمولہ کو استعمال کر کے سگنل بورڈ کا رقبہ معلوم کیجیے اگر اس کا احاطہ 180cm ہو تو سگنل بورڈ کا رقبہ کیا ہوگا۔
- ایک فلاٹی اور کی مشٹ نماد دیواریں ایڈورٹائزمنٹ کے لیے استعمال ہوتی ہیں۔ دیواروں کے اضلاع ہیں 122m، 120m اور 120m (شکل 12.9 دیکھیے) ایڈورٹائزمنٹ کے ذریعہ ہر سال 5000 روپیہ فی مرلے میٹر کمائی کی جاتی ہے۔ ایک کمپنی نے تین دیواریں کے لیے اس کی دیواریں کرائے پر لیں۔ اُس نے ان کا کتنا کرایہ ادا کیا؟



شکل 12.9

- ایک پارک میں ایک سلائیڈ ہے۔ اس کی ایک طرف کی دیوار پر کسی رنگ سے اس پیغام کے ساتھ رنگ کیا گیا ہے۔ پارک کو ہر ابھر اور صاف سترہ رکھیں، (شکل 12.10 دیکھیے) اگر دیوار کے اضلاع 15m، 11m اور 6m ہوں تو رنگ کئے گئے حصہ کا رقبہ معلوم کیجیے



شکل 12.10

4. ایک مثلث کا رقبہ معلوم کیجیے جس کے دو اضلاع  $18\text{cm}$  اور  $10\text{cm}$  کے ہیں اور اس کا احاطہ  $42\text{cm}$  ہے۔
5. ایک مثلث کے اضلاع میں  $25:12:25$  کی نسبت ہے اور اس کا احاطہ  $540\text{ cm}$  ہے۔ اس کا رقبہ معلوم کیجیے۔
6. ایک مساوی الساقین مثلث کا احاطہ  $30\text{cm}$  ہے اور اس کے مساوی اضلاع میں ہر ایک  $12\text{cm}$  کا ہے۔ مثلث کا رقبہ معلوم کیجیے۔

### 12.3 چار ضلعی کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے ہیرون کے فارمولہ کا استعمال

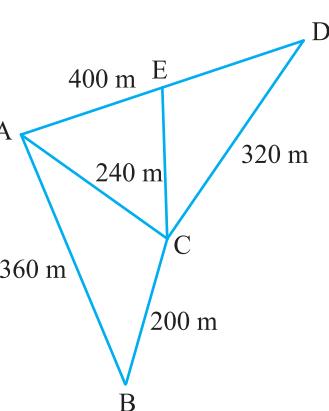
(Application of Heron's Formula in finding Area of Quadrilateral)

مان لیجیے ایک کسان کے پاس کاشت کاری کے لیے کچھ زمین ہے وہ اس مقصد کے لئے کچھ مزدوروں کو کام پر اس شرط کے ساتھ گاتا ہے کہ اجرت کی تحسیب فنِ مرلح میٹر کاشت کی گئی زمین کے رقبہ کے حساب سے ہوگی۔ وہ ایسا کیسے کرے گا؟ اکثر زمین چار ضلعی شکل کی ہوتی ہیں۔ ہم چار ضلعی کو مثلث نما حصوں میں منقسم کرتے ہیں اور پھر مثلث کے رقبہ کا فارمولہ استعمال کرتے ہیں۔ آئیے اس سوال پر غور کرتے ہیں۔

**مثال 4:** کمالا کے پاس ایک مثلث نما کھیت ہے جس کے اضلاع  $240\text{m}$ ,  $200\text{m}$ ,  $360\text{m}$  ہیں جہاں وہ گیہوں بونا چاہتی ہے۔ اس سے متصل دوسرے مثلث نما کھیت جس کے اضلاع کی لمبائیاں  $240\text{m}$ ,  $200\text{m}$ ,  $320\text{m}$  اور  $400\text{m}$  ہے جہاں وہ آلو اور پیاز بونا چاہتی ہے (شکل 12.11 دیکھیے) اس نے کھیت کو اس کے سب سے لمبے ضلع کے وسطی نقطے کو مختلف راس سے ملا کر دو حصوں میں منقسم کر دیا۔ ایک حصہ میں اس نے آلو بونے اور ایک میں پیاز۔ گیہوں، آلو اور پیاز کے لئے کتنا رقبہ (ہیکٹر میں) استعمال کیا۔

**حل:** مان لیجیے ABC وہ کھیت ہے جہاں گیوں بونے گئے ہیں اور ACD وہ کھیت ہے جس میں AD کے سطحی نقطہ کو

کو C سے ملا کر دو حصوں میں منقسم کیا گیا ہے۔ ABC کے رقبہ کے لئے



$$s = \frac{200 + 240 + 360}{2} m = 400 m$$

اس لیے گیوں کے لیے رقبہ  $\Delta ACD$  کا رقبہ

$$= \sqrt{400(400-200)(400-240)(400-360)} m^2$$

$$= \sqrt{400 \times 200 \times 160 \times 40} m^2$$

$$16000\sqrt{2} m^2 = 1.6 \times \sqrt{2} m^2$$

(ہیکلیٹر) 2.26

اس لئے اب  $\Delta ACD$  کی تحریک کرتے ہیں۔

شکل 12.11

$$s = \frac{240 + 320 + 400}{2} m = 480 m$$

یہاں ہمارے پاس ہے اس لئے مثلث ACD کا رقبہ ہے

$$= \sqrt{480(480-240)(480-320)(480-400)} m^2 = 38400 m^2 = 3.84$$

ہم نوٹ کرتے ہیں کہ AD کے سطحی نقطہ سے E سے C کو ملانے والا خط  $\Delta ACD$  مساوی رقبہ والے دو حصوں میں منقسم کرتا ہے۔ کیا آپ اس کی وجہ بتاسکتے ہیں؟ درحقیقت ان کی قاعدہ AE اور ED مساوی ہیں اور ان کی اونچائی بھی ایک ہی ہے۔

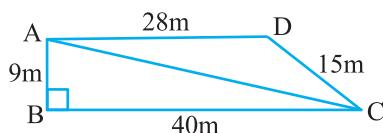
اس لئے الو بونے کے لئے رقبہ = پیاز بونے کے لئے رقبہ =  $3.84 \div 2 = 1.92$  ہیکلیٹر

**مثال 5:** ایک اسکول کے طلباء نے صفائی کی ایک مہم شروع کی وہ گلی کو چوں میں دو گروپ کی شکل میں نکلے۔ ایک گروپ لین

(گلی) AB، BC اور CA میں مارچ کیا اور دوسرے گروپ نے لین (گلی) AC، CD اور DA میں مارچ کیا (شکل

12.12 دیکھئے) پرانوں نے اپنی لین کے گھر کے رقبہ کی صفائی کی اکر  $CD=15\text{m}$ ,  $BC=40\text{m}$ ,  $AB=9\text{m}$ ,  $\angle B = 90^\circ$  اور  $\angle D = 90^\circ$  اور کتنے کل کتنے رقبہ کی صفائی ہوئی۔

**حل:** کیوں کہ  $AB=9\text{ m}$   $BC=40\text{m}$ ,  $\angle B = 90^\circ$ , اور  $\angle D = 90^\circ$  ہمارے پاس ہے



شکل 12.12

$$\begin{aligned} AC &= \sqrt{9^2 + 40^2} \\ &= \sqrt{81 - 1600}\text{m} \\ &= \sqrt{1681}\text{m} = 41\text{m} \end{aligned}$$

اس لئے پہلے گروپ کو  $\Delta ABC$  کے رقبہ کی صفائی کرنی ہوگی جو قائم زاوی ہے۔

$$\Delta ABC \text{ کا رقبہ} = \frac{1}{2} \times \text{اونچائی} \times \text{قاعدہ}$$

$$\Delta ABC = \frac{1}{2} \times 40 \times 9\text{m}^2 = 180\text{m}^2$$

دوسرے گروپ کو  $\Delta ACD$  کے رقبہ کی صفائی کرنی ہے جو کہ ایک مختلف اضلاع مثلث ہے

جس کے اضلاع ہیں  $15\text{m}$ ,  $41\text{m}$  اور  $28\text{m}$

$$s = \frac{41+15+28}{2} = 42\text{m}$$

$$\text{اس لئے مثلث } \Delta ACD \text{ کا رقبہ} = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

$$= \sqrt{42(42-41)(42-15)(42-28)}\text{m}^2$$

$$= \sqrt{42 \times 1 \times 27 \times 14} = 126\text{m}^2$$

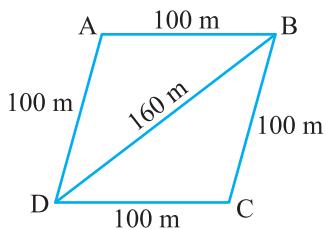
اس لئے پہلا گروپ  $180\text{m}^2$  رقبہ کی صفائی کی جو  $180 - 126 = 54\text{m}^2$  یعنی  $54\text{m}^2$  جو زیادہ ہے اُس رقبہ سے جس کی صفائی دوسرے گروپ نے کی۔

تمام طباۓ کے ذریعہ کی گئی صفائی کا کل رقبہ  $(180 + 126)\text{m}^2 = 306\text{m}^2$

**مثال 6:** ثانیہ کے پاس زمین کا ایک کٹڑا ہے جو معین کی شکل کا ہے (شکل 12.13 دیکھئے) وہ چاہتی ہے کہ اس کا ایک لٹر کا اور

ایک بڑی اس زمین پر کھیتی کریں اور گھر کی ضرورتوں کو پورا کرنے کے لیے اس میں مختلف قسم کی فصلیوں میں اس نے زمین کو دو مساوی حصوں میں تقسیم کر دیا۔ اگر اس زمین کا احاطہ 400m اور اس کا ایک وتر 160m ہے تو ہر ایک کوکن تارقبہ ملے گا؟

**حل:** مان لیجیے ABCD زمین ہے



شکل 12.13

احاطہ = 400 میٹر

اس لئے ہر ایک ضلع =  $400 \div 4\text{m} = 100\text{m}$  میٹر

یعنی AB=AD=100m

مان لیجیے وتر BD = 160m تب  $\Delta ABD$  کا نصف احاطہ ہے

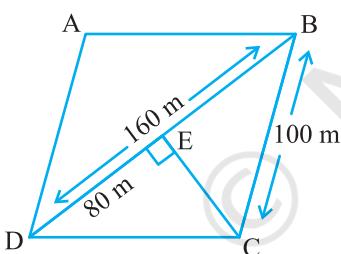
$$s = \frac{100 + 100 + 160}{2} \text{m} = 180\text{m}$$

$$\Delta ABD \text{ کا رقبہ} = \sqrt{180(180-100)(180-100)(180-160)}$$

$$= \sqrt{180 \times 80 \times 80} \times 20\text{m}^2 = 4800\text{m}^2$$

اس لئے ہر ایک  $4800\text{m}^2$  کو رقبہ ملے گا۔

متداول طریقہ CE  $\perp$  BD (شکل 12.14, کیھیے)



شکل 12.14

کیوں کہ BD = 160m ہمارے پاس ہے

$$DE = 160 \div 2\text{m} = 80\text{m}$$

$$CE = \sqrt{DC^2 - DE^2} \quad \text{اور جس سے ہمیں ملتا ہے } DE^2 + CE^2 = DC^2$$

$$CE = \sqrt{100^2 - 80^2 \text{m}} = 60\text{m}$$

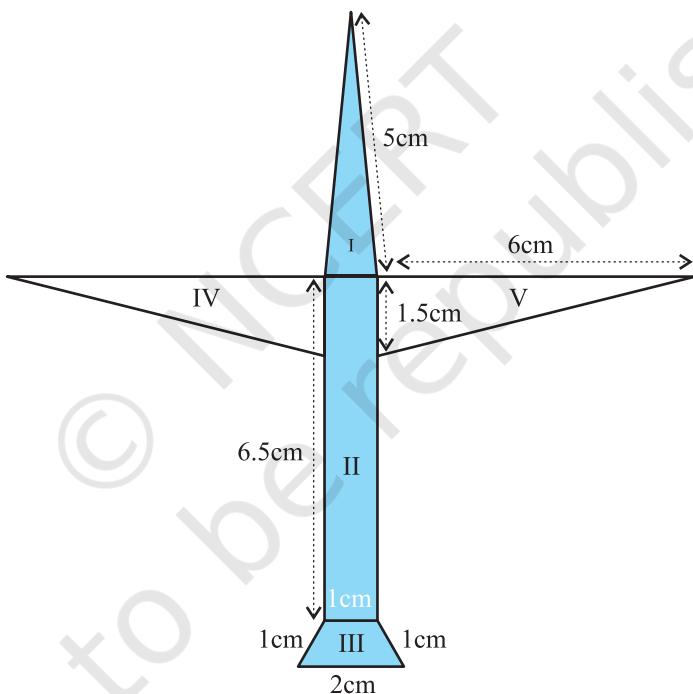
$$= \frac{1}{2} \times 160 \times 60\text{m}^2 = 4800\text{m}^2 = \Delta BCD \text{ کا رقبہ}$$

### مشق 12.2

1. ایک پارک چارضلعی ABCD کی شکل کا ہے جس میں  $\angle C = 90^\circ$ ،  $BC = 12\text{m}$ ،  $AB = 9\text{m}$  اور  $AD = 8\text{m}$  یہ کتنا رقبہ گھیرے گا؟

2. چارضلعی ABCD کا رقبہ معلوم کیجیے جس میں  $DA = 5\text{ cm}$ ،  $CD = 4\text{ cm}$ ،  $BC = 4\text{ cm}$ ،  $AB = 3\text{ cm}$  اور  $AC = 5\text{ cm}$

3. رادھانے رنگیں پیپر سے ہوائی جہاز کی ایک تصویر بنائی (شکل 12.15، پیچے) کا رقبہ معلوم کیجیے



شکل 12.15

4. ایک مثلث اور ایک متوالی اضلاع کا ایک قاعده اور مساوی رقبہ ہے اگر مثلث کے اضلاع  $26\text{ cm}$ ،  $28\text{ cm}$  اور  $30\text{ cm}$  ہیں اور متوالی اضلاع کا قاعده  $28\text{ cm}$  تو متوالی اضلاع کی اونچائی معلوم کیجیے۔

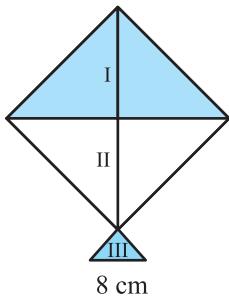
5. معین کے شکل ایک میدان میں 18 گائیوں کے چونے کے لے گھاس ہے۔ اگر معین کا ہر ضلع  $30\text{ m}$  ہے اور اس کا بڑا

وتر 48m ہے۔ تو ہر گائے کوچنے کے لیے گھاس کے میدان کا کتنا رقبہ چاہیے۔

6. ایک چھتری دو مختلف رنگوں کے 10 مثلث نما کپڑوں کی سلائی سے بنی ہے (شکل 12.16 دیکھیے)

ہر ایک کپڑے کی پیاس 20cm<sup>2</sup> اور 50cm<sup>2</sup> اور 150cm<sup>2</sup> ہے: چھتری کے لئے ہر رنگ کا کتنا کپڑا درکار ہے

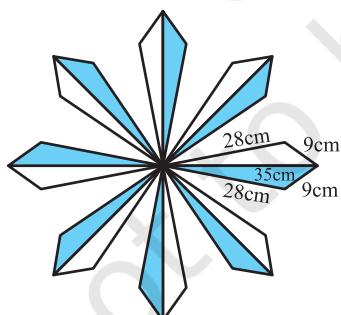
7. ایک پینگ تین مختلف قسم کے شیڈ جن کو I، II اور III مارک کیا گیا ہے، کی بنی ہوئی ہے (شکل 12.17 دیکھیے) اس میں ہر ایک شیڈ کا کتنا پہپہ استعمال ہوا ہے۔



شکل 12.17



شکل 12.16



شکل 12.18

8. ایک فرش پر مثلث نما 16 ٹالکوں کا بنا ایک پھول کا ڈیزائن ہے  
مثلث کے اضلاع 9cm، 28cm اور 35cm ہیں (شکل 12.18 دیکھیے)  
50 پیسے فی مربع سم کی شرح سے ٹالکوں کو پاش کرنے کا  
خرچ معلوم کیجیے

9. ایک میدان منحر کی شکل کا ہے جس کے متوازی اضلاع 25m اور 10m ہیں۔ اس کے غیر متوازی اضلاع کی لمبائیاں 14m اور 13m ہیں۔ میدان کا رقبہ معلوم کیجیے۔

## 12.4 خلاصہ

اس باب میں آپ نے مندرجہ ذیل کام طالعہ کیا۔

- ایک مثلث جس میں اس کے اضلاع  $a$ ,  $b$  اور  $c$  دئے ہوئے ہوں اس کارقبہ ہیرون کا فارمولہ کے استعمال سے معلوم کیا

جاتا ہے جو ہے

$$\text{مثلث کارقبہ} = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

$$s = \frac{a+b+c}{2}$$

- کسی چارضلعی جس کے اضلاع اور ایک وتر دیئے گئے ہوں، کارقبہ اس کو دو مثلثوں میں تقسیم کر کے ہیرون کے فارمولہ کا استعمال کر کے نکالا جاتا ہے۔